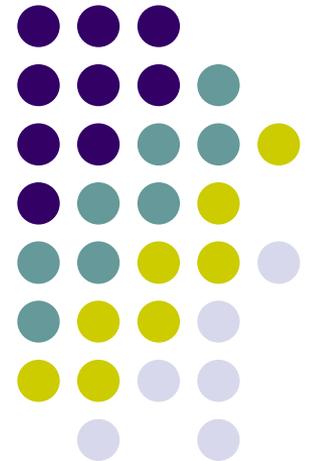
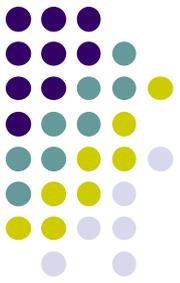


BIOESTATÍSTICA

POPULAÇÃO E AMOSTRA



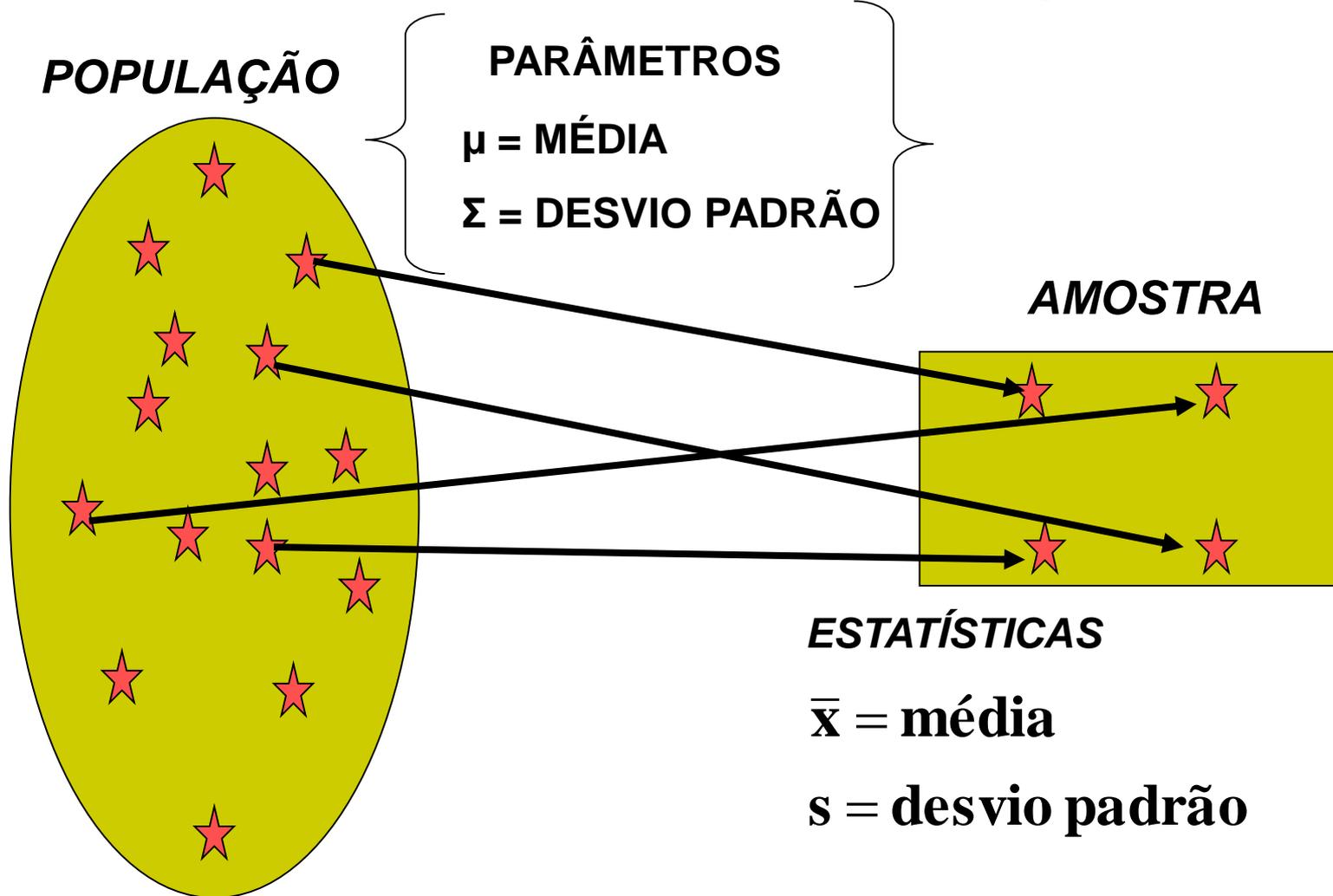
POPULAÇÃO: DEFINIÇÃO

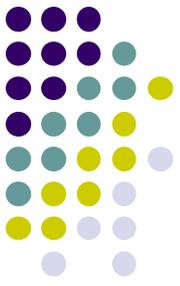


- **BIOLÓGICA:** todos os indivíduos de uma determinada espécie encontrados em uma área específica em um determinado período de tempo.
- **ESTATÍSTICA:** todos os possíveis valores de uma variável (também chamado Universo)
- **FINITA:** árvores em uma floresta, pessoas em uma cidade.
- **INFINITA:** experimentos



AMOSTRA (parte de uma população)





AMOSTRAGEM

- Fazemos inferência sobre a população
- Determinamos o grau de incerteza dessa influência.

ANTRAZ (OVELHAS)

	Doente	Sadia
Vacinado	5	25
Não Vacinado	25	5

	Doente	Sadia
Vacinado	5	10
Não Vacinado	10	5

$$\chi^2 = 26,67, p < 0,0001$$

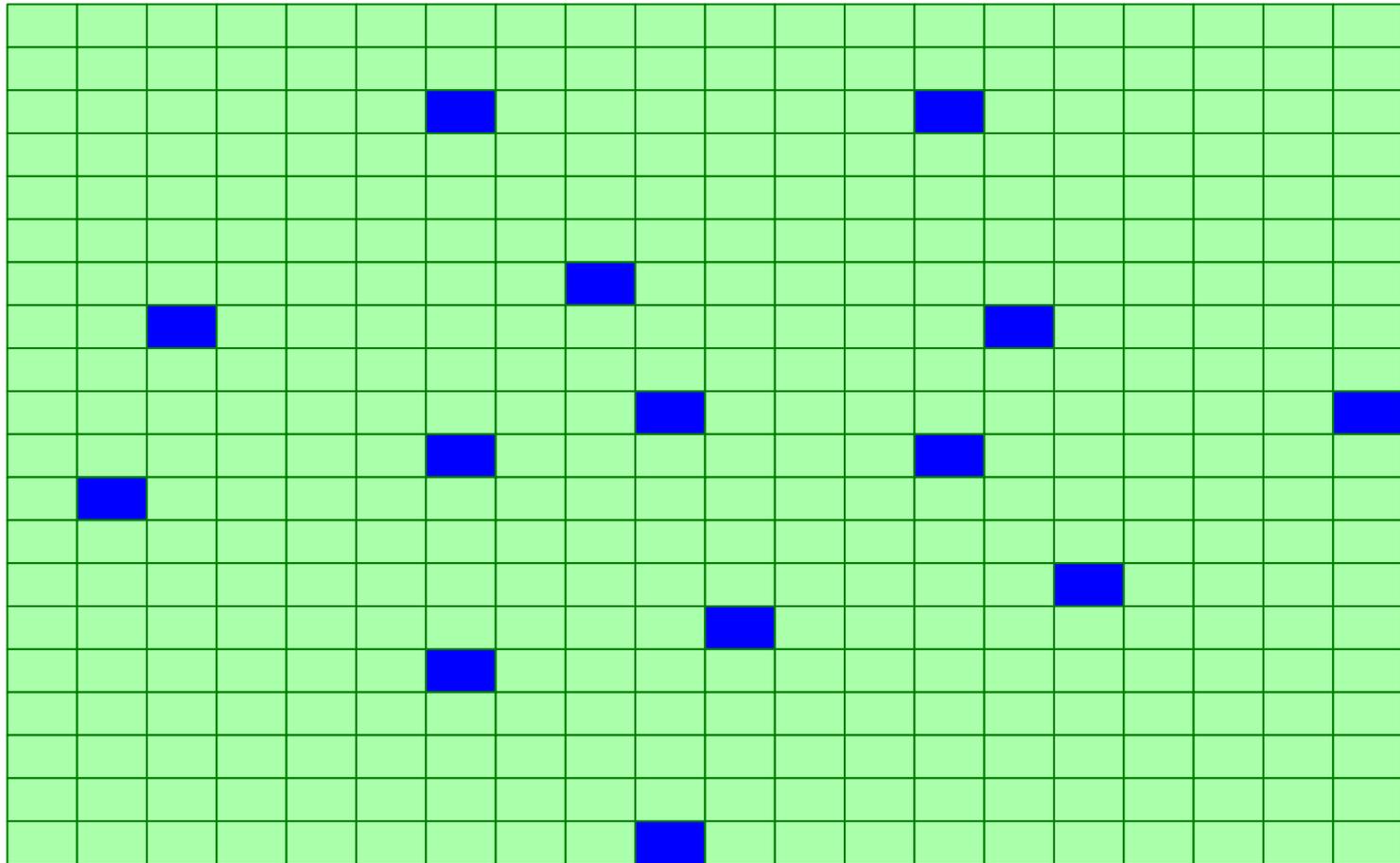
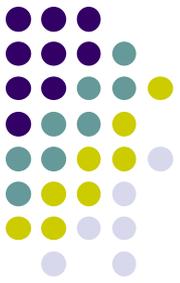
$$\chi^2 = 3,33, p = 0,0679$$

TIPOS MAIS COMUNS DE AMOSTRAGEM

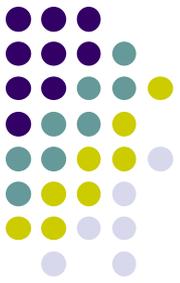


- ALEATÓRIA
- SISTEMÁTICA
- ESTRATIFICADA

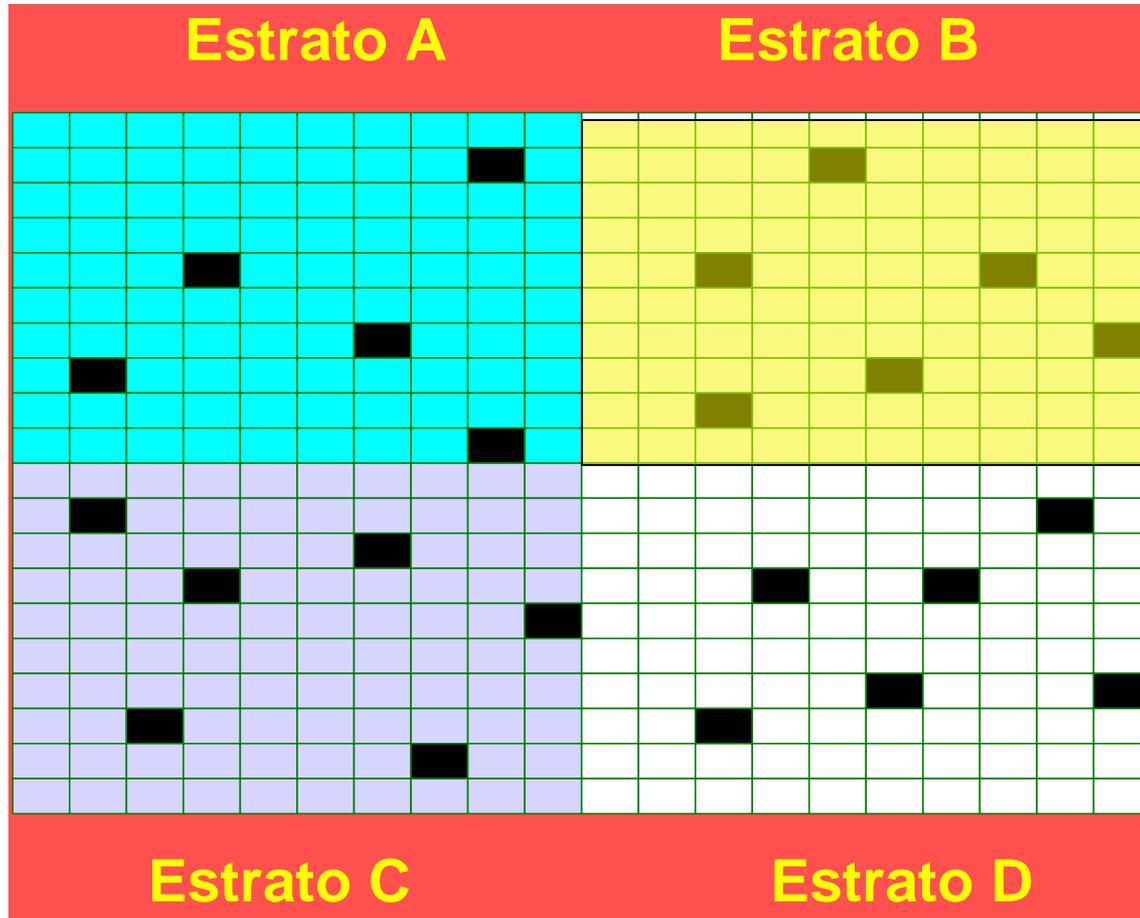
AMOSTRAGEM ALEATÓRIA



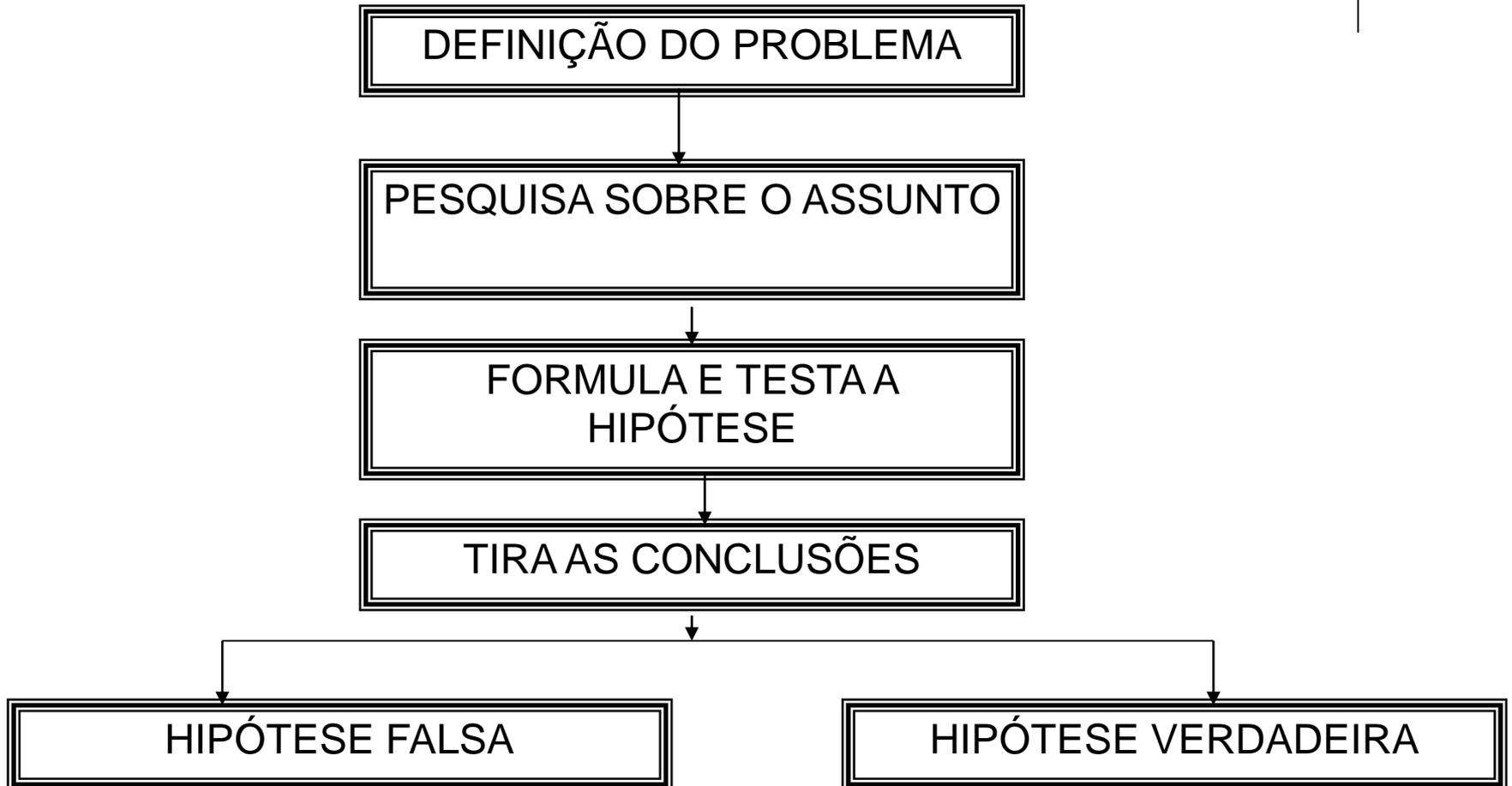
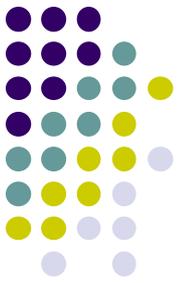
AMOSTRAGEM SISTEMÁTICA



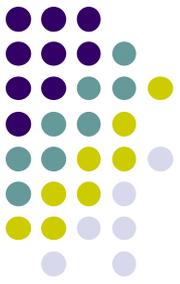
AMOSTRAGEM ESTRATIFICADA



MÉTODO CIENTÍFICO



PRECISÃO E EXATIDÃO



- EXATIDÃO (acurácia): proximidade de uma medida do seu valor real (viés)
- PRECISÃO: proximidade de medidas repetidas da mesma quantidade.



SEM VIÉS, MAS
IMPRECISA

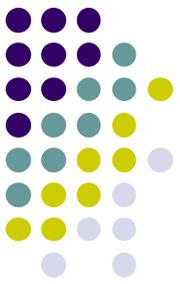


PRECISA, MAS COM
VIÉS



SEM VIÉS E
PRECISA

COMO DEVEMOS MEDIR UMA VARIÁVEL?



$$\bar{x} = 6,4538201 \text{ kg}$$

AMPLITUDE → 4 – 8 KG → 4 PASSOS UNITÁRIOS

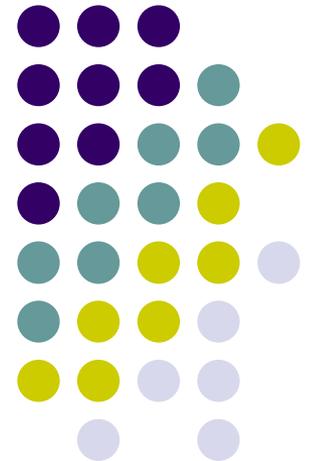
AMPLITUDE → 4,1 – 8,2 → 41 PASSOS UNITÁRIOS

RECOMENDA-SE DE 30 A 300 PASSOS UNITÁRIOS (DIFERENÇA ENTRE O MAIOR E MENOR VALOR MEDIDO).

Ex.: pH do solo varia de 3 a 6. Quantas casas decimais devemos medir?

BIOESTATÍSTICA

ESTADÍSTICA DESCRIPTIVA



ESTATÍSTICA DESCRITIVA



- PARA A ANÁLISE EXPLORATÓRIA E DESCRIÇÃO DOS DADOS.
- PRINCIPAIS DESCRITORES: distribuição de frequência (método gráfico), e medidas de localização (tendência central) e dispersão (variabilidade).

MÉTODO GRÁFICO



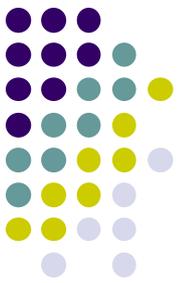
CONJUNTO DE DADOS (DAP DE ÁVORES NATIVAS) - cm

20,5	19,5	15,6	24,1	9,9
15,4	12,7	5,4	17,0	28,6
16,9	7,8	23,3	11,8	18,4
13,4	14,3	19,2	9,2	16,8
8,8	22,1	20,8	12,6	15,9

MÉTODO GRÁFICO



- FREQUÊNCIA: absoluta (f)
acumulada (F) e relativa (f_n ou F_n)
- COMO DEVEMOS FAZER UM GRÁFICO DE FREQUÊNCIA?
- QUAL O NÚMERO DE CLASSES (k)?
- GERALMENTE ENTRE 5 E 20 CLASSES (MAIS COMUM ENTRE 7 E 13 CLASSES)
- $k = 1 + 3,319 \cdot \log_{10}(n)$ – Regra de Sturges para menos de 200 dados (JASA, 1926)
- $k=1 + 3,319 \cdot \log_{10}(25) = 5,63 \approx 6$
- Para n maior que 200 usar a **Regra de Scott** (Biometrika, 1979):
- $k = 3,5 \cdot s \cdot n^{-1/3}$ (s = desvio padrão dos dados).
- No caso de dúvidas use a **Regra de Scott** (Hyndman, 1995)



MÉTODO GRÁFICO

$w = \textit{amplitude de classe}$

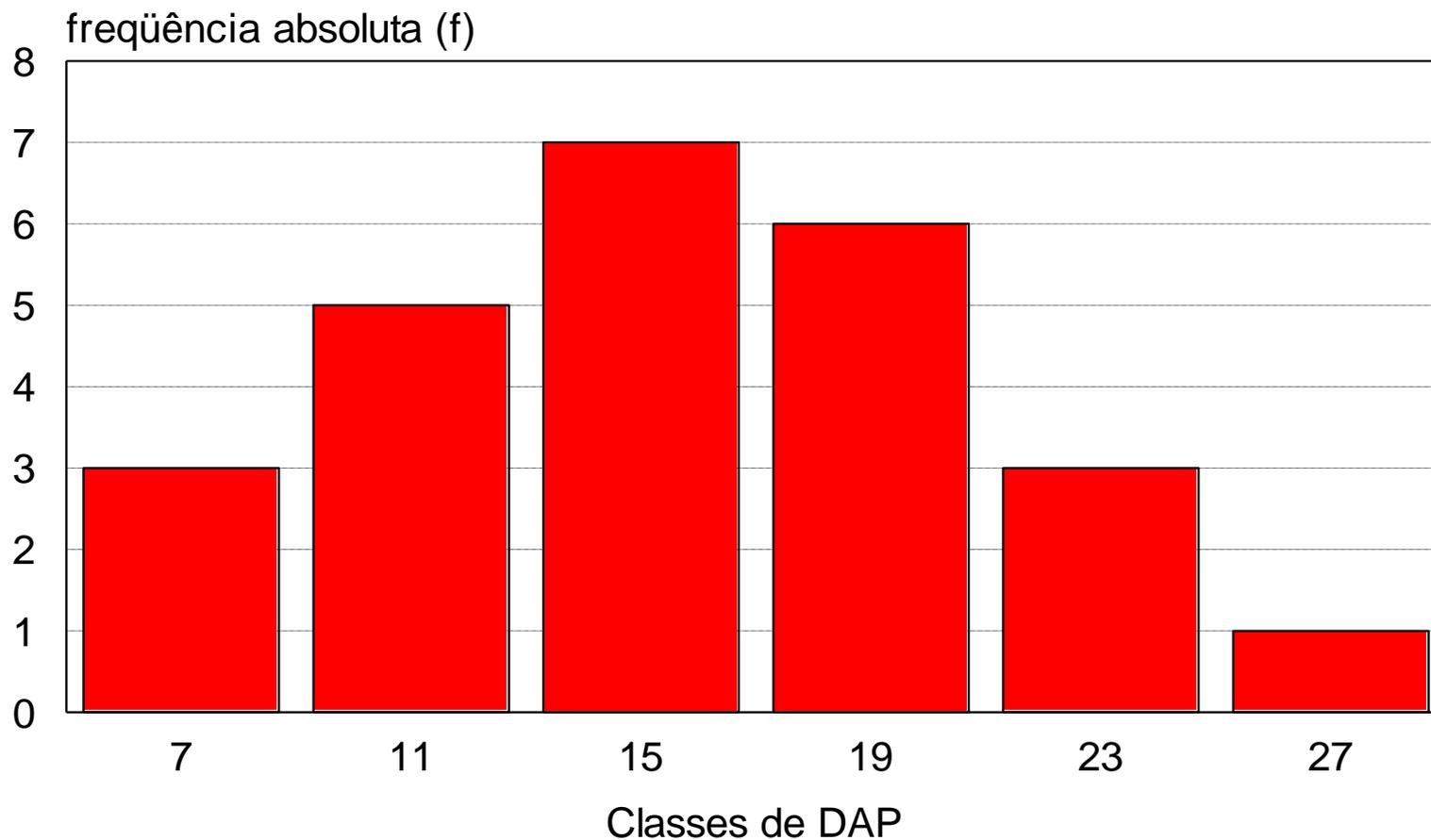
$$w = \frac{\max - \min}{k} = \frac{28,6 - 5,4}{6} = 3,87 \cong 4$$

Classe	Amplitude	CC	f	f _n
1	5,0-8,9	7	3	0,12
2	9,0-12,9	11	5	0,20
3	13,0-16,9	15	7	0,28
4	17,0-20,9	19	6	0,24
5	21,0-24,9	23	3	0,12
6	25,0-28,9	27	1	0,04
Total			25	1,00

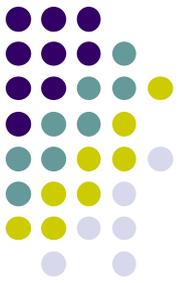
MÉTODO GRÁFICO



HISTOGRAMA DE FREQUÊNCIA



MEDIDAS DE LOCALIZAÇÃO



MÉDIA

CONJUNTO DE DADOS AMOSTRADOS: $x_1, x_2, x_3, \dots, x_n$

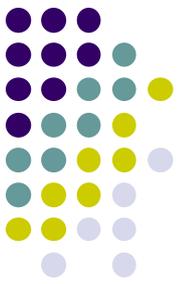
$n =$ tamanho da amostra

$x_i =$ valor da observação i na amostra

$$\text{Média} = \bar{x} = \frac{\mathbf{x}_1 + \mathbf{x}_2 + \mathbf{x}_3 + \dots + \mathbf{x}_n}{\mathbf{n}} = \frac{\sum \mathbf{x}_i}{\mathbf{n}}$$

$$\text{Propriedade : } \sum (\mathbf{x}_i - \bar{x}) = \mathbf{0}$$

MEDIDAS DE LOCALIZAÇÃO



MEDIANA

É O NÚMERO DO MEIO QUANDO AS OBSERVAÇÕES SÃO ARRANJADAS EM ORDEM CRESCENTE.

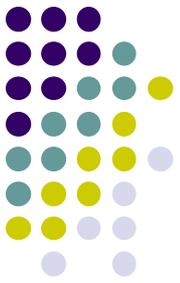
9, 2, 7, 11, 14 (n=5)

2, 7, 9, 11, 14 → med = 9

9, 2, 7, 11, 6, 14 (n=6)

2, 6, 7, 9, 11, 14 → med = 8 = (7 + 9)/2

MEDIDAS DE LOCALIZAÇÃO



MÉDIA PONDERADA

$$\bar{x}_w = \frac{\sum w_i \cdot x_i}{\sum w_i}$$

MP 100 ha

8 animais/ ha

MSI 60 ha

2 animais/ ha

4 animais/ ha

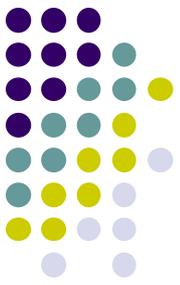
MST 50 ha

FRAGMENTO

MP = Mata primitiva

MST = Mata secundária tardia

MSI = Mata secundária inicial



MEDIDAS DE LOCALIZAÇÃO

MÉDIA PONDERADA

$$\bar{x}_w = \frac{\sum w_i \cdot x_i}{\sum w_i} = \frac{8 \cdot 100 + 2 \cdot 60 + 4 \cdot 50}{210}$$

$$\bar{x}_w = 5,3 \text{ animais/ha}$$

MP 100 ha

8 animais/ha

MSI 60 ha

2 animais/ha

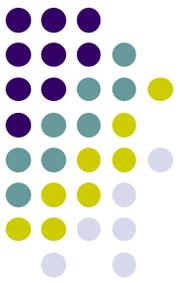
MST 50 ha

4 animais/ha

FRAGMENTO

Média não ponderada = 4,7 animais / ha

MEDIDAS DE DISPERSÃO



$$\text{VARIÂNCIA} = s^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n-1}$$

$$\text{DESVIO PADRÃO} = \sqrt{s^2} = s$$

$$\text{ERRO PADRÃO DA MÉDIA} = \sqrt{\frac{s^2}{n}} = s_{\bar{x}}$$

$$\text{COEFICIENTE DE VARIAÇÃO} = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100$$

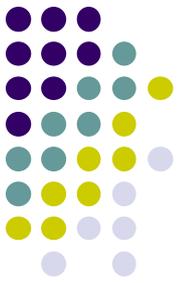
FÓRMULAS PARA DADOS AGRUPADOS:



$$\bar{x} = \frac{\sum x_i f}{n}$$

$$s^2 = \frac{\sum x_i^2 \cdot f - \frac{(\sum x_i \cdot f)^2}{n}}{n - 1}$$

TEOREMA DO LIMITE CENTRAL



Demonstrado por DeMoivre em 1733 para distribuição binomial (Gauss ainda não existia)

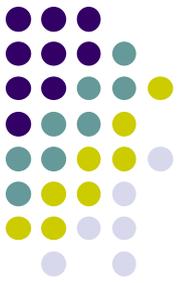
LaPlace em 1812 demonstrou que poderia ser generalizado para todas as demais distribuições

x_i = variável com qualquer distribuição

$$\bar{x} = \frac{\sum x_i}{n}$$

Possui distribuição normal, para amostras de tamanho grande (30 a 60 unidades amostrais)

TEOREMA DO LIMITE CENTRAL

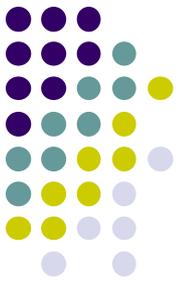


Abraham de Moivre

Nasceu na França em
1667 e faleceu na
Inglaterra em 1754

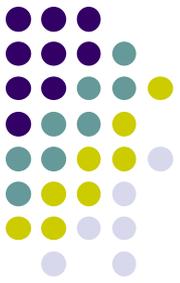
Pesquisador em
probabilidade, publicou
em 1718, na Inglaterra, o
livro *The Doctrine of
Chance*

Demonstração do Teorema do Limite Central

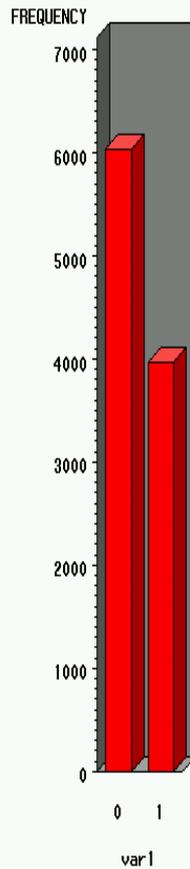


http://onlinestatbook.com/stat_sim/sampling_dist/

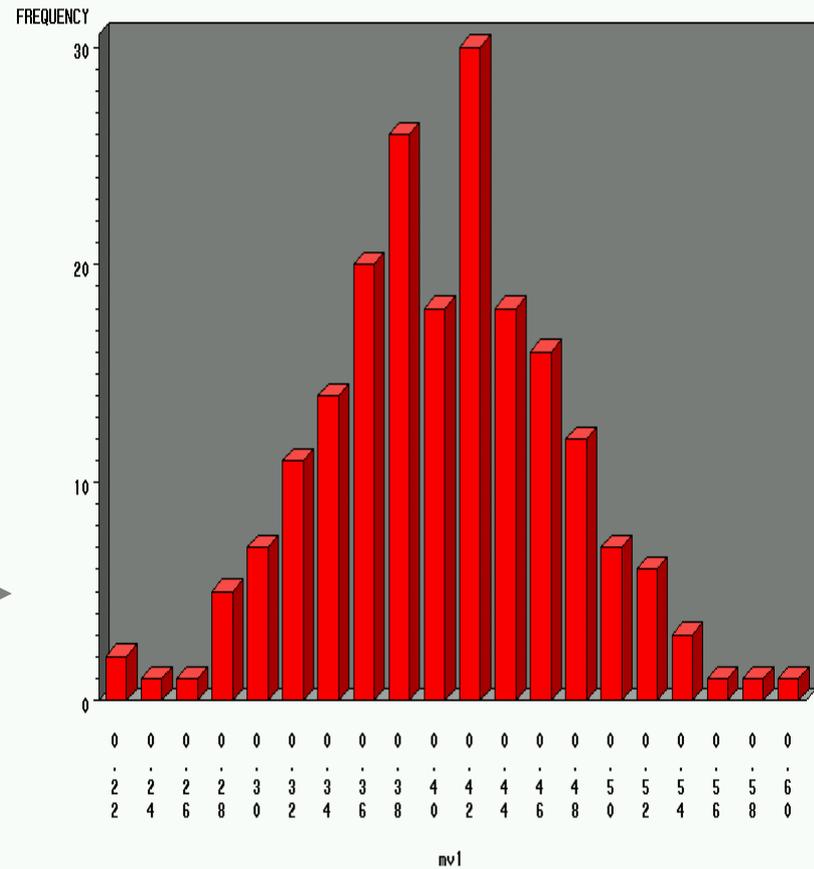
DISTRIBUIÇÃO BINOMIAL



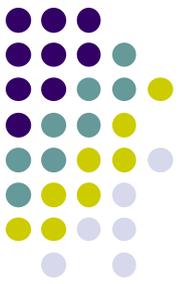
B
I
N
O
M
I
A
L



100
amostras
de
tamanho
50

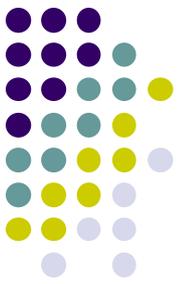


Qual o comportamento de um dado?



**Existe dado
honesto e
desonesto?**



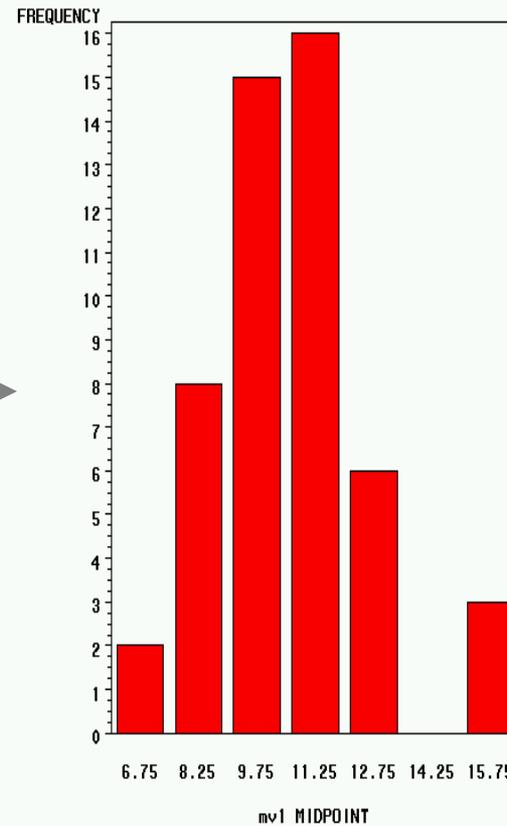
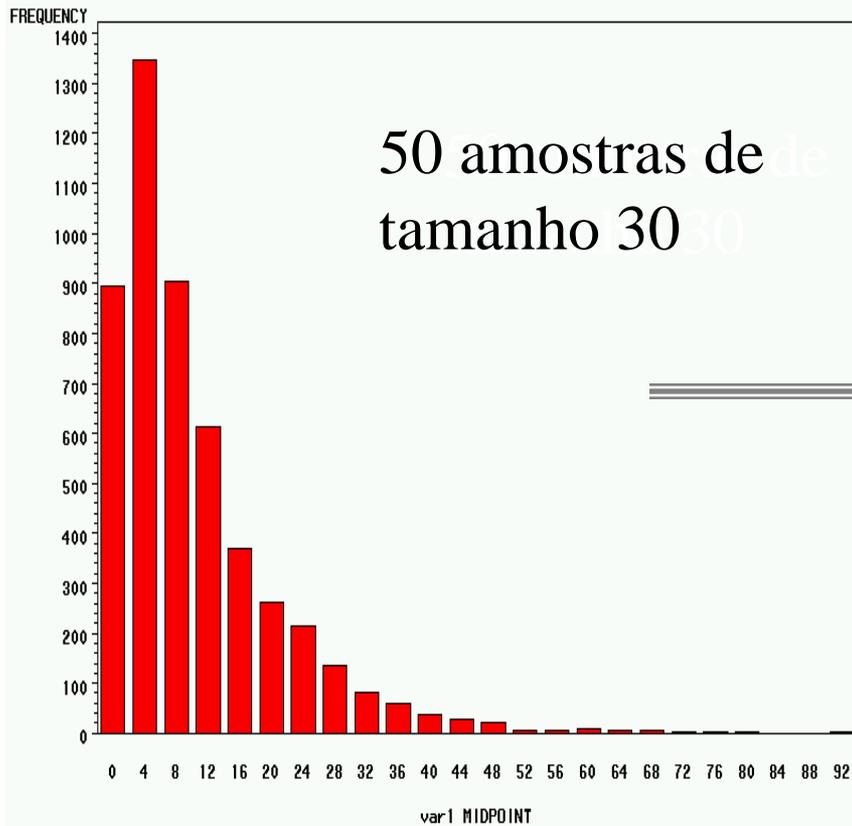


Pierre-Simon Laplace

Viveu na França de 1749 a 1827.

Pesquisava diferentes áreas desde equações diferenciais e probabilidade até mecânica celeste. Ainda trabalhou com Lavoisier no estudo comparativo do poder calorífico do arroz.

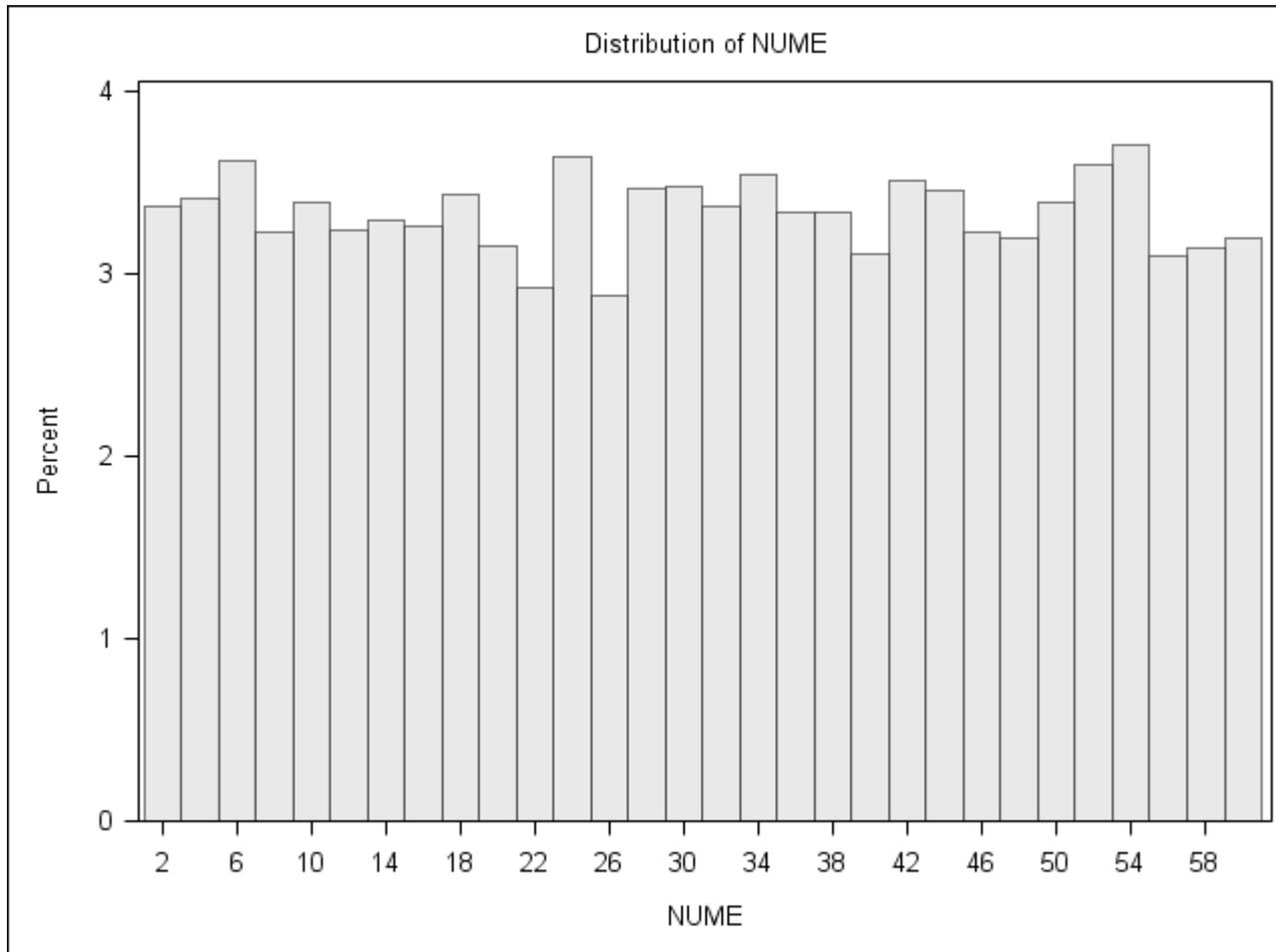
Distribuição Exponencial:





Megasena

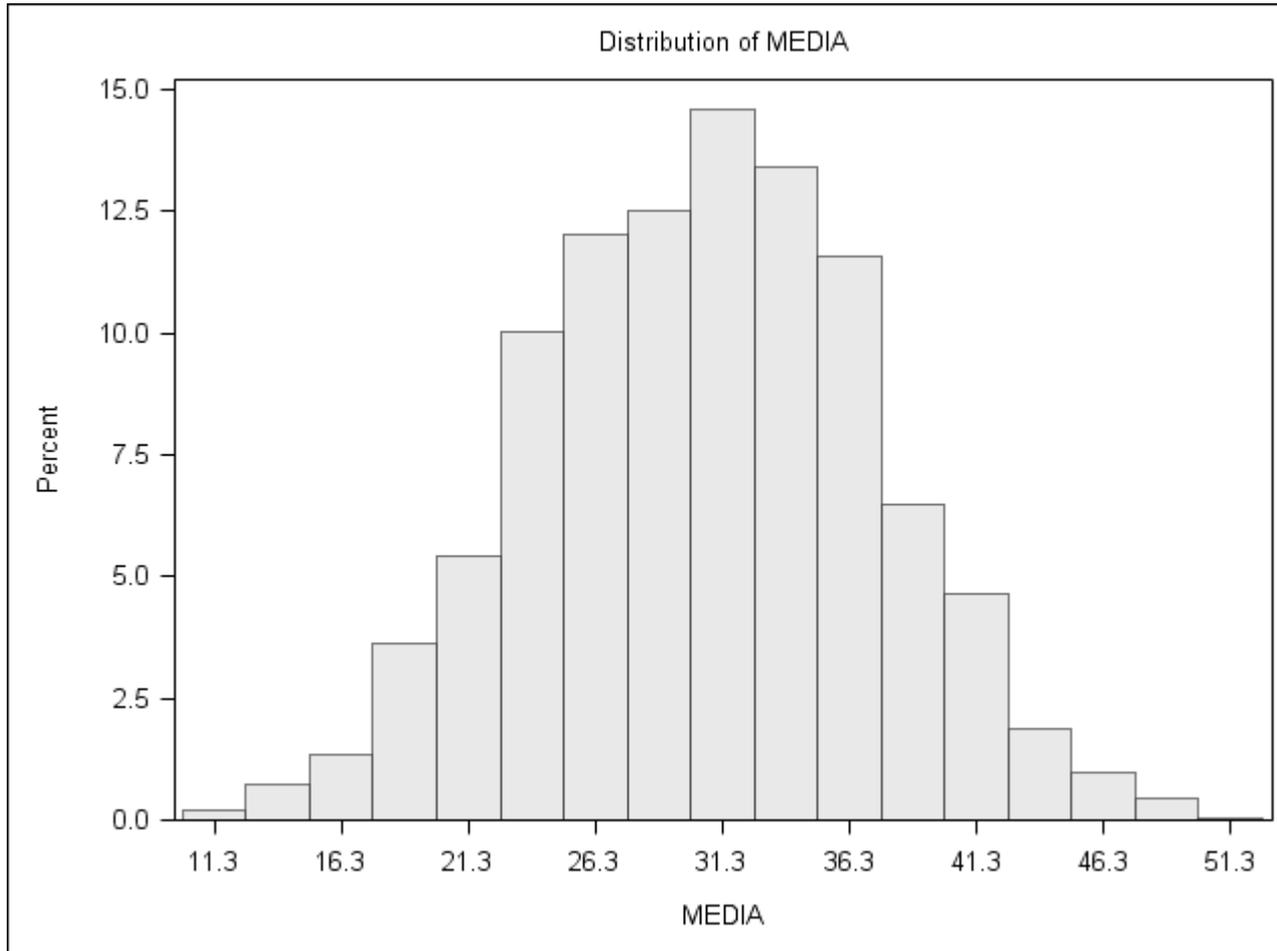
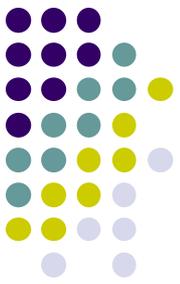
Distribuição dos números sorteados.



29/01/2018

Megasena

Distribuição da média dos números sorteados por concurso.



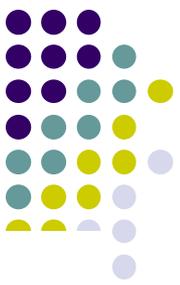


Tabela de números aleatórios

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
1	25006	33852	24118	71965	18165	38827	46248	40197	64841	22440
2	62496	74877	12932	41986	08929	18405	61145	50954	07941	33036
3	28314	80808	53395	34515	24392	51518	24761	11013	80761	26216
4	72901	94543	38959	11994	66053	30153	87912	62162	26465	25192
5	24711	87263	96617	11449	88458	69602	88154	65563	04699	16928
6	06460	08533	39285	73260	17546	90405	43002	29025	61979	54174
7	55773	65127	53288	58669	89943	61428	29389	22638	77487	70358
8	13278	70775	93658	46679	90711	33136	37945	94574	81564	58825
9	41443	44690	14222	23279	90270	83237	24356	78350	25181	58285
10	20172	39205	43267	13158	67123	70489	24486	43570	98010	63326
11	19681	88247	20981	19433	21867	14729	04761	88318	74163	28004
12	94663	15205	94244	16606	51981	00573	00614	59473	63445	87235
13	95787	53252	18023	45891	32839	68650	47927	22267	93755	79023
14	45118	51214	36673	55099	41116	42439	35550	80604	31385	00018
15	75121	20134	75572	26736	56839	81898	20167	46000	38221	60167
16	55876	47702	51958	36837	92476	78797	11627	41142	91451	17124
17	36086	73477	27353	81682	57538	14587	23853	91612	01905	05582
18	04407	20284	80142	67756	31049	30440	12267	01868	53839	70174
19	37852	60206	16799	97634	24384	96802	88467	83693	64604	25317



Tabela de números aleatórios na internet

**[HTTP://TEORICA.FIS.UCM.ES/FT8/
TABLERN2.PDF](http://teorica.fis.ucm.es/ft8/tablern2.pdf)**

Programa SAS para gerar números aleatórios:

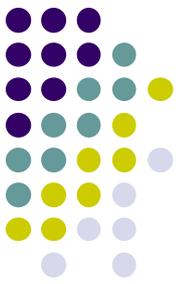


- Vamos supor que queremos 10 números de 1 a **100**.
- DATA A;
- DO NUMERO=1 TO **100**;
- OUTPUT;END;
- PROC PRINT DATA=A;
- RUN;
- PROC SURVEYSELECT DATA=A METHOD=**SRS** N=**10** OUT=B;
- PROC PRINT DATA=B;
- RUN;
- PROC SURVEYSELECT DATA=A METHOD=**SYS** N=**10** OUT=C;
- PROC PRINT DATA=C;
- RUN;

ALEATÓRIO

SISTEMÁTICO

Cálculo de estatísticas descritivas com SAS.

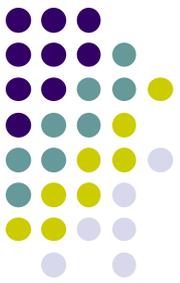


- O PROC MEANS é o procedimento usado para realizar diversos cálculos, incluindo a estatística descritiva. Outros Procs, como UNIVARIATE, SUMMARY também podem ser usados para calcular algumas estatísticas descritivas.
- Geralmente é usado com o PROC SORT, que ordena os dados por alguma variável nominal ou numérica.
- Usado também com os comandos SET ou MERGE.



Exemplo:

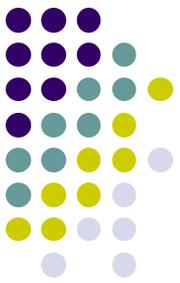
Local	Ano	Precipitação(mm)	Temperatura (°C)
Candeias	2001	1256	26
Candeias	2002	1089	28
Candeias	2003	1152	27
Catú	2001	952	30
Catú	2002	894	29
Catú	2003	569	28
Entre Rios	2001	1350	31
Entre Rios	2002	1260	32
Entre Rios	2003	1420	30
Amargoso	2001	782	32
Amargoso	2002	695	33
Amargoso	2003	529	33



Programa SAS

```
DATA MM;  
INPUT LOCAL $ 1-10 ANO PRECIP TEMP;  
DATALINES;  
Candeias 2001 1256 26  
Candeias 2002 1089 28  
Candeias 2003 1152 27  
Catú 2001 952 30  
Catú 2002 894 29  
Catú 2003 569 28  
Entre Rios 2001 1350 31  
Entre Rios 2002 1260 32  
Entre Rios 2003 1420 30  
Amargoso 2001 782 32  
Amargoso 2002 695 33  
Amargoso 2003 529 33  
;;;
```

Programa SAS 2



```
PROC SORT DATA=MM;
  BY LOCAL;
PROC MEANS DATA=MM NOPRINT;
  BY LOCAL;
VAR PRECIP TEMP;
OUTPUT OUT=MM1 MIN=MIN_MM MIN_TEM MAX=MAX_MM MAX_TEM MEAN=MED_MM
MED_TEM CV=CV_MM CV_TEM;
RUN;
PROC SORT DATA=MM1;
  BY DESCENDING MED_MM;
PROC PRINT DATA=MM1 NOOBS LABEL SPLIT='*';
  VAR LOCAL MIN_MM MAX_MM MED_MM CV_MM;
  LABEL LOCAL='Local*de*Coleta'
  MIN_MM='Precipitação*Mínima*(mm) '
  MAX_MM='Precipitação*Máxima*(mm) '
  MED_MM='Precipitação*Média*(mm) '
  CV_MM='Coeficiente*de*Variação*(%) ';
  FORMAT MIN_MM MAX_MM COMMAX6.0 MED_MM CV_MM COMMAX8.1;
RUN;
PROC SORT DATA=MM1;
  BY DESCENDING MED_TEM;
PROC PRINT DATA=MM1 NOOBS LABEL SPLIT='*';
  VAR LOCAL MIN_TEM MAX_TEM MED_TEM CV_TEM;
  LABEL LOCAL='Local*de*Coleta'
  MIN_TEM='Temperatura*Mínima*(°C) '
  MAX_TEM='Temperatura*Máxima*(°C) '
  MED_TEM='Temperatura*Média*(°C) '
  CV_TEM='Coeficiente*de*Variação*(%) ';
  FORMAT MIN_TEM MAX_TEM COMMAX6.0 MED_TEM CV_TEM COMMAX6.1;
RUN;
```

Resultado:



Local de Coleta	Precipitação Mínima (mm)	Precipitação Máxima (mm)	Precipitação Média (mm)	Coefficiente de Variação (%)
Entre Rios	1.260	1.420	1.343,3	6,0
Candeias	1.089	1.256	1.165,7	7,2
Catú	569	952	805,0	25,6
Amargoso	529	782	668,7	19,2

Local de Coleta	Temperatura Mínima (°C)	Temperatura Máxima (°C)	Temperatura Média (°C)	Coefficiente de Variação (%)
Amargoso	32	33	32,7	1,8
Entre Rios	30	32	31,0	3,2
Catú	28	30	29,0	3,4
Candeias	26	28	27,0	3,7

OBRIGADO !!!



*ATÉ A
PRÓXIMA !!!*